

TP 2 informatique

BCPST 2 2021-2022

Révisions

V.Vong

Points abordés

- Listes, matrices
 - méthode d'Euler
 - variables aléatoires finies
 - statistiques descriptives
-

Exercices

Exercice 1. On considère l'équation différentielle $y' = y, y(0) = 1$.

1. Rappeler la solution de cette équation différentielle.
2. Tracer le graphe de cette fonction.
3. À l'aide de la méthode d'Euler, tracer le graphe d'une approximation de la fonction solution.
4. Écrire une fonction `approx(n)` qui retourne une valeur approchée de e .

Exercice 2. 1. Rappeler les formules de la variance, de la moyenne, de la covariance.

2. Écrire des fonctions calculant la variance, la moyenne d'une liste L .
3. Étant donnés deux listes de valeurs L, M , écrire une fonction qui calcule la droite de régression linéaire de M en fonction de L .

Exercice 3. On considère l'équation différentielle $y(0) = 1, y' = \frac{y}{1+y^2}$.

Écrire une fonction qui trace une solution approchée de cette équation sur $[0, 1]$.

Exercice 4. Écrire une fonction `mini(L)` qui prend en argument une liste de nombres pas nécessairement triée et qui renvoie le minimum.

Exercice 5. On considère l'expérience suivante : à l'instant $t = 0$, une urne contient 1 boule rouge et une boule blanche. On tire une boule de l'urne. Si celle-ci est rouge, on rajoute dans l'urne n_1 boules rouges et n_2 boules blanches. Sinon, on rajoute m_1 boules rouges et m_2 boules blanches. La boule tirée est ensuite remis dans l'urne. On note X_n le nombre de boules blanches dans l'urne après n tirages.

Écrire une fonction `experience(m_1, m_2, n_1, n_2, n)` qui simule la variable aléatoire X_n .

Exercice 6. On se donne une liste d'entiers L trié dans l'ordre croissant et un nombre S .

1. Écrire une fonction `somme(L, S)` qui renvoie `True` s'il existe i, j deux entiers différents tels que $L[i] + L[j] = S$ et `False` sinon.
2. ★ Optimiser votre fonction de sorte qu'il y ait au plus n comparaisons où n est la taille de la liste L .

Exercice 7. Étant données deux listes $L = L_0, \dots, L_n$ et $M = M_0, \dots, M_r$, un battage de ces deux listes est une liste $K = K_0, \dots, K_{n+m}$ où les éléments de K sont ceux de L et de M et où l'ordre d'apparitions des éléments de L (M) dans K est le même que dans L (M). Par exemple, si $L = [1, 2, 3]$ et $M = [4, 5]$ les battages possibles sont :

1. 1,2,3,4,5 2. 1,2,4,3,5 3. 1,2,4,5,3 4. 1,4,2,3,5 5. 1,4,2,5,3 6. 1,4,5,2,3
7. 4,1,2,3,5 8. 4,1,2,5,3 9. 4,1,5,2,3 10. 4,5,1,2,3

1. Écrire une fonction `battage_aleatoire(L,M)` qui retourne de manière aléatoire un battage de L et de M .
2. ★ Écrire une fonction `liste_battage(L,M)` qui retourne la liste des battages possibles.

Exercice 8. On définit la suite $(B_n)_{n \in \mathbb{N}}$ par :

$$B_0 = 1, \forall n \in \mathbb{N}, B_{n+1} = \sum_{k=0}^n \binom{n}{k} B_k.$$

1. Écrire une fonction `Bell(n)` qui renvoie la valeur de B_n .
2. ★★(Math) montrer que pour tout entier naturel n , B_n est le nombre de partitions de l'ensemble $\{1, 2, 3, \dots, n\}$.